

# Les propriétés incitatives de l'effet Saint Matthieu dans la compétition académique

Nicolas Carayol \*

BETA (UMR CNRS 7522), Université Louis Pasteur  
61, avenue de la Forêt Noire, F - 67085 Strasbourg Cedex,  
tel: 33(0)388352204 ; fax: 33(0)390242071  
<carayol@univ-tlse1.fr>

\* Cet article a bénéficié des commentaires de Paul A. David, de Patrick Llerena, de Jean-Michel Plassard et des participants à la session “Recherche scientifique et connaissances” des 19<sup>ièmes</sup> Journées de Microéconomie Appliquée qui se sont tenues à Rennes et Saint-Malo, les 6 et 7 juin 2002. Toute erreur ou omission qui pourraient subsister restent de notre seule responsabilité.

**Résumé:** Cet article traite principalement des propriétés incitatives de l'effet Saint Matthieu par lequel Merton [1968] rend compte de l'ensemble des avantages cumulatifs avérés affectant la compétition académique. Nous proposons un modèle de tournois séquentiels dans lequel les agents qui se sont montrés initialement les plus productifs vont être avantagés dans la suite de la compétition en cela qu'ils bénéficient des postes de recherche auxquels sont associés une plus grande productivité. Nous montrons notamment qu'il y a un niveau optimal d'effet Saint Matthieu et que ce biais dynamique optimal croît avec le caractère risqué de la recherche et décroît avec l'ampleur des inégalités initiales.

**The incentive properties of the Matthew Effect in the academic competition**

**Abstract:** This paper is concerned with the incentive properties of the Matthew Effect by which since Merton [1968] one is usually describing the various cumulative advantages that obviously affect academic competition. We introduce a model of sequential contests in which the agents that have initially produced more are the ones that will be further advantaged in that they are benefiting from intrinsically more productive research positions. We principally show that there is an optimal level of the Matthew effect and that this optimal dynamic bias is increasing with the risk of research activity while it is decreasing with the initial inequalities.

**Mots-clefs:** Effet Saint Matthieu, avantages cumulatifs, tournois séquentiels, compétition académique.

**Key words:** Matthew Effect, cumulative advantages, sequential contests, academic competition.

**JEL classification:** C72, C73, J41, J44, J78.

# Introduction

## Le problème

Comme l'indiquent les deux surveys récents consacrés à l'économie de la science (Diamond [1996] et Stephan [1996]), la notion de capital humain (Becker [1964]) a reçu une attention particulière dans l'analyse de la productivité des chercheurs par les économistes. Cette option théorique apparaît naturelle puisque les connaissances accumulées par les individus sous forme de capital humain constituent un facteur de production essentiel de l'activité de recherche. Dans ce cadre, l'évolution de la productivité des chercheurs est essentiellement explicable, à capacités données, par les efforts qu'ils fournissent dans l'accumulation de capital humain. L'espérance de retour sur investissement en capital humain décroissant avec la période restante d'activité, cette théorie prévoit que la productivité des chercheurs va avoir tendance à diminuer à travers le cycle d'activité (McDowell [1982] ; Diamond [1984]).

Plusieurs études empiriques s'appuyant sur des données de panel ont cherché à confirmer cette prédiction de la théorie. Diamond [1986] a montré, à partir d'une base de données des profils de publication des mathématiciens de l'Université de Berkeley, que le volume de leur production tendait effectivement à décroître dans le temps. Cependant, comme l'indiquent les études de Weiss et Lillard [1982] et de Levin et Stephan [1991], cette baisse continue de l'activité de publication des scientifiques est loin d'être toujours confirmée par les faits. En effet, il semble que dans la plupart des champs disciplinaires, la production des chercheurs augmente dans un premier temps, atteint un maximum puis décroît avec le cycle d'activité. Stephan et Levin [1997] montrent que le maximum de production scientifique est le plus souvent atteint entre 35 et 50 ans dans les domaines de la biochimie et de la physiologie.

Ces résultats ont suggéré certaines adaptations de la théorie du capital humain dans l'objectif d'obtenir de telles courbes en U inversé des profils de publication au cours du cycle d'activité. Deux solutions permettent à la théorie du capital humain de prédire un pic de production scientifique. La première, commune aux modèles de cette classe, consiste à introduire une déprécia-

tion du capital humain. Une autre solution, plus spécifique aux chercheurs académiques<sup>1</sup>, a été proposée par Levin et Stephan [1991]. Il s’agit d’introduire dans la fonction objectif des agents la réussite même de leurs recherches : c’est ce qu’elles nomment le “puzzle solving”. Dans ce cadre, les chercheurs “consomment” littéralement pour partie le résultat de leurs recherches, i.e. tirent des satisfactions, autres que le salaire, de leur réussite scientifique. *In fine*, en jouant sur le paramètre du taux de dépréciation du capital humain (paramètre lié au champ scientifique considéré) ou celui de la satisfaction marginale dérivée du “puzzle solving” (paramètre individuel), la théorie du capital humain est compatible avec les deux types de profils de productivité constatés selon les champs disciplinaires (décroissance continue ou courbes en U inversé, avec un pic pouvant se situer à différents moments de la carrière).

Toutefois, comme le remarque P. Stephan elle-même avec force (Stephan [1996]), la significativité des différentes études de la productivité des scientifiques évoquées ci-dessus est très faible. Elle indique alors que : “the low explanatory power of these models suggests, at a minimum, that other important factors often ignored by economists, are at play in affecting productivity”. Elle conclut : “the human capital approach does not provide the cornerstone on which we should model the behavior of scientists” (Stephan [1996]). La faible robustesse de ces modèles proviendrait ainsi de leur incapacité à expliquer la grande variété des trajectoires individuelles. Comment ces différences radicales entre les trajectoires de productivité des chercheurs peuvent-elles s’expliquer ? Deux hypothèses peuvent être envisagées. Selon la première, les seules caractéristiques des individus (données, par exemple, par les paramètres du talent ou de la désutilité de l’effort) seraient à la base de ces divergences. Une deuxième hypothèse pourrait suggérer que les chercheurs sont traités de manière dynamiquement différenciée par le système de la science. Cette dernière hypothèse apparaît plus en accord avec les faits stylisés rassemblés par la sociologie des sciences, où il est généralement établi que les chercheurs les plus réputés bénéficient de conditions de recherche (disponibilité des fonds de recherche, opportunités de collaboration, disponibilité d’instrumentation, etc.) et de valorisation de leurs recherches (facilités de publication, meilleure diffusion dans la communauté, etc.) en général plus avantageuses. Ces différences génèrent un processus cumulatif qui va affecter

---

<sup>1</sup>Cette spécification a notamment été introduite car la dépréciation du stock de capital humain engendre une baisse des rémunérations en fin de carrière qui n’est pas confirmée empiriquement dans le monde académique.

la compétition entre scientifiques (David [1994]), au sens où les chercheurs qui ont été les plus productifs vont pouvoir bénéficier de conditions favorisant une plus grande productivité de leurs efforts.

### **Avantages cumulatifs dans la compétition académique : l'effet Saint Matthieu**

Dans son article fondateur paru dans *Science*, en 1968, R.K. Merton définit le concept d'avantage cumulatif appliqué à la science<sup>2</sup> de la manière suivante : “the concept [of cumulative advantage], applied to the domain of science, refers to the social processes through which various kinds of opportunities for scientific inquiry as well as the subsequent symbolic and material rewards for the results of that inquiry, tend to accumulate for individual practitioners of science, as they do for organizations engaged in scientific work. The concept of cumulative advantage directs our attention to the ways in which initial comparative advantage of trained capacity, structural location, and available resources make for successive increments of advantage such that the gaps between the have and the have-not in science widen until hampered by countervailing processes” (Merton [1968]). Dans ce même article, Merton rassemble ces phénomènes cumulatifs sous la dénomination commune de “Matthew effect”. Merton fait référence à Saint Matthieu en raison d'un passage de son Evangile où est énoncé : “celui qui a, on lui donnera et il aura un surplus, mais celui qui n'a pas, même ce qu'il a lui sera enlevé”.

Une première série d'études mettant en évidence l'effet Saint Matthieu reposent sur des analyses de la distribution de la production scientifique sur la population des chercheurs. Il est connu, depuis Lotka [1926], que la distribution des articles scientifiques sur la population des chercheurs est très étroite. Ainsi, il y a un nombre restreint de chercheurs publiant beaucoup d'articles et un grand nombre de chercheurs qui publient peu. De plus, cette distribution s'apparente à une distribution de type “puissance inverse”<sup>3</sup> donnée par :  $f(n) = an^{-k}$  avec  $f(n)$  donnant le nombre d'auteurs ayant publié  $n$  articles au cours de leur carrière,  $a$  et  $k$  étant les paramètres de la loi. Lorsque  $k = 2$ , cette expression est identique à la distribution

---

<sup>2</sup>La première mise en évidence des avantages cumulatifs dans le domaine académique a été introduite dans la thèse de H. Zuckerman soutenue en 1965 sous la direction de R.K. Merton et consacrée à l'étude des carrières des lauréats du Prix Nobel.

<sup>3</sup>Elle est aussi usuellement dénommée loi puissance (“power law”) dont l'analyse appartient à une tradition ancienne s'appuyant sur les travaux initiaux de Pareto, Lotka, Zipf et Bradford.

proposée initialement par Lotka. De nombreuses vérifications empiriques ont été réalisées dans divers champs disciplinaires donnant lieu à des paramétrisations différentes mais confirmant toujours la forme générale de la distribution : *e.g.* Murphy [1973] pour les Sciences Humaines, Radhakrishnan et Kernizan [1979] en Informatique, Chung et Cox [1990] en Finance, Cox et Chung [1991] en Economie, Newman [2000] en Physique et en Médecine, Barabasi et al. [2001] en Mathématiques et en Neuro-sciences, etc.

D'autres études, plus robustes mais moins nombreuses<sup>4</sup> reposent sur des analyses longitudinales qui suivent dans le temps les trajectoires idiosyncratiques de production des chercheurs et leurs déterminants. Dans leur étude, Allison et Stewart [1974] ont trouvé "a clear substantial rise in inequality for both [the number of research publications in the preceeding five years and the number of citations to previously published work] from the younger to the older strata, strongly supporting the accumulative advantage hypotheses". Confirmant ces résultats, Cole [1970] a aussi montré qu'à qualité donnée de la recherche (mesurée par le nombre total de citations), le niveau initial de réputation d'un scientifique, ainsi que celui de l'institution à laquelle il est affilié, tendent à augmenter la vitesse initiale de diffusion de la recherche (observé sur les courbes temporelles d'arrivée des citations sur les articles publiés).

### **Promotion, mobilité et hétérogénéité des "positions" académiques**

Parmi les facteurs qui affectent la productivité des chercheurs, certains peuvent être associés aux caractéristiques de l'environnement immédiat de travail. Il faut en effet constater que les universités, tout comme les emplois qu'elles proposent, sont hétérogènes. Les universités prestigieuses disposent le plus souvent de moyens en terme d'instrumentation qui ne sont pas accessibles aux institutions moins réputées (Stephan [1996]). De plus, la réputation de l'institution de rattachement joue généralement comme un signal des capacités des chercheurs, leur permettant de disposer d'un avantage dans la collecte des fonds de recherche et dans la diffusion de leurs résultats dans la communauté (Cole [1970]). A cet égard, Hansen et al. [1978] ont montré que la qualité de l'université est la variable discriminante essentielle dans la production des chercheurs. L'étude détaillée de Cole et Cole [1973], portant sur un échantillon de

---

<sup>4</sup>Ceci s'explique principalement en raison de la faible accessibilité aux données appropriées.

120 physiciens, indique aussi l'importance de la qualité du département universitaire. De plus, la nature de l'emploi occupé joue aussi sur ces différents effets. Ainsi, Waldman [1990] a avancé l'idée selon laquelle l'octroi de la "tenure" aux USA agissait comme un signal des capacités des chercheurs. En France, même si aucune étude empirique systématique n'est venue confirmer cette hypothèse, il semble que le fait d'occuper un poste de Directeur de Recherches (vs. Chargé de Recherches) ou de Professeur (vs. Maître de Conférences) facilite l'accès aux ressources.

Or, l'attribution de ces postes, soit sous la forme de promotions internes, soit sous la forme d'embauches (Garner [1979]), est réalisée principalement sur la base de la production scientifique. Les chercheurs pouvant faire état de la plus forte production passée sont ceux qui pourront bénéficier des emplois auxquels est associée une plus forte productivité. Aussi, la compétition est-elle dynamiquement biaisée par un avantage cumulatif au sens de Merton [1968, 1988], puisque les premiers succès entraînent une hausse de productivité facilitant les succès ultérieurs. Dans ce cadre, c'est dans la nature même de la relation salariale que se trouve une des sources de l'effet Saint Matthieu. En effet, si les employeurs sont conduits à se fier aux niveaux de production passée des agents pour procéder à leurs décisions de promotion ou d'embauche, c'est que les informations nécessaires ayant trait aux efforts et aux capacités des agents leur sont indisponibles. Or, dans le cas d'une promotion interne, si les efforts et les capacités propres des individus pouvaient être observables et contractualisables, l'attribution des promotions se ferait sur la base de ces informations, ce qui aurait pour conséquence d'annuler l'effet cumulatif. Parallèlement, lorsqu'il s'agit d'une embauche, les universités, qui ne peuvent observer les capacités propres des agents, fondent leurs décisions sur la base de la production passée de ces derniers.

Les résultats de l'étude de Ault, Rutman et Stevenson [1978, 1982] portant sur la mobilité des chercheurs académiques semblent congruents avec cette analyse. En effet, ayant analysé les parcours de carrière de plus de 3800 économistes ayant soutenu leur thèse aux Etats-Unis, ces derniers ont montré que le principal facteur déterminant la qualité de l'institution du premier poste académique est la qualité de l'institution universitaire où ont été réalisées les études universitaires (aux niveaux "undergraduate" et "graduate") et la qualité de celle où la thèse a été soutenue. En outre, ils montrent qu'un différentiel positif de qualité entre l'institution d'arrivée

et l'institution de départ (qu'ils nomment "upward mobility") est expliqué principalement par les publications même si l'effet reste limité. Dans les deux cas, les agents qui ont le plus haut niveau de production passée vont bénéficier des postes de recherche qui offrent le plus haut niveau de productivité associée. A cet égard, Zivney et Bertin [1992] montrent aussi que les chercheurs qui sont "tenured" dans les 25 départements de Finance les plus réputés des universités américaines, ont préalablement sensiblement plus publié que la moyenne des chercheurs bénéficiant de la même promotion.

### **Les effets incitatifs des avantages cumulatifs : une approche par les tournois séquentiels**

Dans cet article, nous présentons une première tentative de modélisation de l'effet Saint Matthieu qui est assez voisine de la structure des modèles de tournois biaisés ("biased contests") initialement développés pour représenter des phénomènes d'enchères séquentielles (Laffont et Tirole [1988]), de défaut de mesure des performances des agents au sein des firmes (Milgrom et Roberts [1988] ; Prendergast et Topel [1996]), de carrières dynamiquement nivelées dans l'entreprise ("late-beginner effect" pour Chiappori et al. [1999]) ou à l'inverse de promotions dynamiquement corrélées ("fast track", Meyer [1991, 1992]). Appliqué au contexte de la compétition académique, notre modèle décrit des employeurs (universités ou organismes de recherche), ne disposant ni de l'information sur les efforts des agents ni de l'information cardinale sur leur productivité (se contentant de comparer les profils de production), qui proposent des postes de recherche dont les niveaux associés de rémunération et de productivité (le biais dynamique) sont hétérogènes. Plus précisément, des agents sont en compétition pour des postes de chercheurs "juniors" puis de chercheurs "seniors" qui se caractérisent par des niveaux de salaire et de productivité associée différents. L'agent qui a été le plus productif à la première étape est sélectionné par l'université qui propose le poste auquel sont associés à la fois le plus haut niveau de salaire et la plus grande productivité<sup>5</sup>. Or cette dernière augmente

---

<sup>5</sup>L'hypothèse d'une corrélation positive entre productivité et salaire est confortée par l'étude de Zivney et Bertin [1992] qui indique que les chercheurs "tenured" dans les 25 départements de Finance les plus réputés des universités américaines sont aussi les mieux rémunérés sur l'ensemble de leur carrière. L'idée selon laquelle la production scientifique de début de carrière est déterminante pour le salaire reçu sur toute la carrière est confortée par l'étude de Siow [1991]. En effet, celui-ci rapporte que le rendement additionnel d'un article, publié un an

les chances de l'agent d'obtenir à nouveau un poste qui offre un meilleur salaire. Dans ce cadre, un biais dynamique avantage, lors de la deuxième compétition, les chercheurs qui ont été les plus productifs à la première : on parle alors d'avantage cumulatif ou effet Saint Matthieu.

La principale question traitée dans cet article a trait aux effets incitatifs de cette structure de compétition dynamiquement biaisée. Elle a été abordée, pour la première fois, dans des travaux de sociologie des sciences (Zuckerman et Merton [1972] ; Allison et Stewart [1974]). Zuckerman et Merton [1972] ont, les premiers, montré que les avantages cumulatifs modifient les efforts fournis par les agents en influant sur la structure d'incitation. Les observations empiriques de Allison et Stewart [1974] montrent que les chercheurs vont perdurer dans leurs efforts lorsqu'ils se trouvent en meilleure position, alors qu'ils auront tendance à les relâcher lorsqu'ils ont moins de chances de les voir récompensés. Cette observation concerne les comportements des chercheurs à un stade avancé de leur carrière. Une question symétrique concernant les comportements des chercheurs au début de leur carrière peut alors être soulevée. Quels sont les efforts déployés par les chercheurs dans les premières années de leur activité sachant qu'ils vont être traités différemment dans le reste de leur carrière conditionnellement à leurs succès initiaux ? Il est clair que les chercheurs vont augmenter leurs efforts dans les premières années de manière à être mis en position favorable dans les compétitions futures.

Dès lors, le problème essentiel a trait au solde des effets incitatifs en présence d'une compétition dynamiquement biaisée. Pour le dire autrement, est-ce que le surcroît d'incitation dans les premières années imputable à l'introduction d'un biais dynamique, domine ou est dominé par l'effet désincitatif du biais dans les dernières périodes ? A notre connaissance, les conséquences de l'effet Saint Matthieu sur les efforts de recherche n'ont pas encore été formellement étudiées (même s'il est généralement considéré que cet effet est globalement désincitatif). S'il est clair que les incitations seront renforcées dans les premières années d'exercice, elles seront aussi amoindries dans les dernières années. La question du solde des effets incitatifs reste donc encore ouverte. Notre modèle nous permet de répondre à cette question et de montrer qu'il existe un biais dynamique optimal. Sous certaines spécifications usuelles, nous calculons ce niveau op-

---

après la soutenance de thèse, est de 1% sur le salaire de fin de carrière, alors qu'il est de 0.2% pour un article publié vingt ans après l'obtention du doctorat. De plus, il montre que le rendement additionnel des citations décroît avec l'âge auquel les citations ont été reçues.

timal d'effet Saint Matthieu et nous établissons qu'il croît linéairement avec le caractère risqué de la recherche.

L'article est organisé de la manière suivante. Dans la deuxième section, nous décrivons la structure de la compétition et les principaux traits du modèle. La troisième section analyse la manière dont les efforts d'équilibre des agents sont affectés par l'introduction de biais statiques (indépendants des résultats intermédiaires). La quatrième section décrit les comportements des agents lorsqu'un biais dynamique est introduit, favorisant à la seconde période l'agent qui a obtenu le poste de recherche convoité à la première étape. Dans la cinquième section, nous étudions les effets des avantages cumulatifs sur les efforts fournis aux deux périodes, puis dérivons le biais optimal. La conclusion résume les résultats obtenus, propose des enseignements relatifs au management de la science et discute les limites du modèle.

## Structure de la compétition académique : le modèle

La structure de la compétition est la suivante : deux chercheurs  $\{i, j\}$  vivent trois périodes au cours desquelles ils produisent un output de recherche. Au terme de la première période, les agents candidatent à des postes de chercheurs "juniors" proposés par les deux universités (ou les deux laboratoires) en présence  $\{h, l\}$ . L'attribution de ces postes se fait sur la base du classement des chercheurs selon leur production scientifique réalisée à la période précédente. Ces postes sont hétérogènes en cela qu'ils se distinguent à la fois par des niveaux de productivité et de rémunération différents. Le chercheur qui a été le plus productif lors de la première période va pouvoir disposer du poste le mieux rémunéré qui est aussi celui auquel est associé le plus fort niveau de productivité (proposé par l'université  $h$ ). Au terme de la seconde période, les mêmes agents candidatent sur des postes de chercheurs "seniors" qui présentent aussi des niveaux de rémunération différents. Les chercheurs qui ont été les plus productifs à la période précédente bénéficieront des postes les mieux rémunérés. L'université  $h$  qui propose à chaque étape le salaire le plus élevé sélectionne le candidat qui s'est révélé le plus productif, l'autre étant embauché par l'université  $l$  qui propose le salaire le plus bas.

La compétition est biaisée de deux manières différentes : i) les agents sont dotés de capacités et d'avantages relatifs aux deux périodes qui sont donnés et connus dès la première période du

jeu ; ii) un biais dynamique favorise le gagnant du premier jeu à la seconde étape, dans une ampleur donnée et connue au début du jeu. Les salaires pour chaque poste de recherche aux deux périodes sont donnés et connus *ex ante* : ils ne sont pas négociés de gré à gré mais sont associés aux postes de recherche quelles que soient les productions effectives des agents (les universités ne disposant pas de l'information cardinale sur les productions des agents).

Formellement, deux chercheurs sont en compétition ( $k = i, j$ ). Ils sont en activité durant trois périodes, mais nous ne nous intéressons qu'aux deux première périodes d'activité  $t = 1, 2$ . La production est supposée additivement séparable en effort fournis sur chacune de ces deux périodes. A la période  $t$ , elle est donnée par l'expression suivante:

$$y_k^t = f^t(e_k^t) + \alpha_k^t + \beta_k^t + \varepsilon_k^t \quad (1)$$

où il apparaît que ce produit est fonction de  $e_k^t$  l'effort fourni par l'agent  $k$  à la période  $t$ , en faisant l'hypothèse que la fonction  $f^t(\cdot)$  est croissante et concave en effort :  $f^{t'} > 0$ ,  $f^{t''} \leq 0$ . Notons que les agents sont supposés avoir la même productivité de l'effort.  $\varepsilon_k^t$  est le choc aléatoire spécifique subi par l'agent  $k$  à la période  $t$  qui rend compte du caractère fortement incertain de l'activité de recherche. Soit  $\Delta\varepsilon^t$ , la différence entre les chocs individuels à la période  $t$  :  $\Delta\varepsilon^t \equiv \varepsilon_i^t - \varepsilon_j^t$ . Ces chocs aléatoires sont supposés indépendants d'un agent à l'autre et d'une période sur l'autre. On dénote respectivement par  $G^t(\cdot)$  et par  $g^t(\cdot)$  la fonction de distribution cumulée et la fonction de densité de  $\Delta\varepsilon^t$ . Cette dernière est considérée comme étant unimodale, continûment différentiable, strictement positive sur  $[-\infty, \infty]$  et symétrique autour de son maximum atteint en 0. On définit par  $\alpha_k^t \geq 0$ , la part de la production scientifique qui, tout en étant indépendante des efforts fournis par les agents, permet d'introduire des capacités hétérogènes selon les agents :  $\alpha_i^t \geq \alpha_j^t$ . On définit par :  $\Delta\alpha^t \equiv \alpha_i^t - \alpha_j^t$ , la différence de production à la date  $t$  entre l'agent  $i$  et l'agent  $j$  uniquement due à leur différence de capacité.

$\beta_k^t$  donne la part de la production qui est uniquement imputable au contexte de travail dans lequel l'agent évolue. Par définition, nous posons:  $\beta_k^t \in \{\beta_h^t, \beta_l^t\}$ ,  $k = i, j$ , avec  $\beta_j^t \neq \beta_i^t$ . Ainsi, l'agent  $k$  va voir sa production en  $t$  augmentée de  $\beta_k^t = \beta_u^t$  lorsqu'il travaille à l'université  $u \in \{h, l\}$ . On pose  $\Delta\beta^t \equiv \beta_h^t - \beta_l^t, \forall t = 1, 2$ , les différences de production aux deux périodes entre les agents uniquement dues à l'environnement immédiat de travail. A la première période,

c'est-à-dire lorsque l'agent est en thèse et avant qu'il n'ait obtenu son premier poste,  $\beta_k^1$  est relatif à la qualité de l'encadrement, à la qualité des interactions avec les chercheurs confirmés et avec les autres étudiants en thèse, ou encore à la qualité de la formation doctorale. L'allocation des agents sur les deux lieux de recherche  $\{h, l\}$  à la première période est résumée par l'allocation initiale des additifs de production  $\{\beta_h^1, \beta_l^1\}$  aux deux agents, sachant que par définition on a :  $\beta_h^1 \geq \beta_l^1$ . Cette allocation résume les conditions initiales du modèle.

**Définition 1 :** *les différentiels de production  $\Delta\alpha^1, \Delta\alpha^2$ , et  $\Delta\beta^1$  ne sont pas attribués sur la base des résultats intermédiaires de la compétition. Pour cette raison, ils sont qualifiés de biais statiques.*

Un tournoi est organisé par l'université  $h$  qui propose le salaire le plus élevé pour des postes de recherche aux niveaux "junior" et "senior". Le chercheur qui aura réalisé la plus forte production au cours de la période précédente obtiendra le poste le mieux rémunéré alors que l'autre sera embauché par l'université qui propose le salaire le moins élevé. Les revenus du perdant  $s_l^t$  et du gagnant  $s_h^t$  à chaque étape sont définis de la manière suivante :  $s_h^t = w^t + \theta^t$  et  $s_l^t = w^t - \theta^t$ . De telle sorte que  $w^t$  est la moyenne des rémunérations à chaque étape, et  $2\theta^t$  est le différentiel de salaire entre les deux universités aux deux étapes ( $\theta^t > 0$ ). Ainsi, le total des coûts supportés par le système universitaire est donné par  $s_w^t + s_l^t = 2w^t$ , qui est ainsi indépendant de la part variable des rémunérations.

A la deuxième période, comme l'attribution des postes est uniquement fonction des résultats de la première compétition, on dit que l'allocation des  $\{\beta_h^2, \beta_l^2\}$  aux agents ne dépend que de l'histoire du jeu. Formellement la règle d'attribution s'écrit de la manière suivante :

$$\begin{cases} \beta_i^2 = \beta_h^2 \text{ et } \beta_j^2 = \beta_l^2 & \text{si } y_i^1 > y_j^1 \\ \beta_j^2 = \beta_h^2 \text{ et } \beta_i^2 = \beta_l^2 & \text{si } y_j^1 > y_i^1 \end{cases} \quad (2)$$

avec  $\beta_h^2 \geq \beta_l^2$ . L'attribution des postes (et donc du différentiel de production  $\Delta\beta^2$ ) est ainsi le vecteur par lequel l'avantage cumulatif peut intervenir dans le modèle.

**Définition 2 :** *l'agent qui bénéficiera du différentiel de production de deuxième période dû aux différences de qualité de l'environnement de travail (noté  $\Delta\beta^2$ ) est choisi en fonction du classement de la compétition de première période (comme résumé par la règle donnée en*

(2)). *Ce différentiel de production et sa règle d'attribution introduisent un avantage cumulatif affectant la compétition académique nommé effet Saint Matthieu. Il s'agit d'un biais dynamique dont l'ampleur est donnée par  $\Delta\beta^2 > 0$ .*

Les fonctions d'utilité des agents, qui sont averses au risque, sont additivement séparables entre les périodes de leur vie et au sein de chaque période, ainsi qu'en effort et en revenu. On suppose en outre que les agents n'ont pas accès aux marchés financiers, ne pouvant ni épargner ni emprunter, de sorte qu'ils consomment leurs revenus de chaque période à la période considérée. Ainsi, l'utilité totale de chaque agent, actualisée à la première période, est donnée par l'expression suivante :

$$W_k = -V(e_k^1) + \delta_a U(s_k^1) + \delta_a (-V(e_k^2) + \delta_a U(s_k^2))$$

avec  $U(\cdot)$  la fonction instantanée d'utilité,  $V(\cdot)$  la désutilité de l'effort, et  $\delta_a$  le facteur d'actualisation des agents. Formellement,  $\delta_a U(s_k^1)$  est l'utilité de la période 2 retirée du salaire junior  $s_k^1$ , actualisée à la période 1.  $\delta_a U(s_k^2)$  est l'utilité de la troisième période retirée du salaire senior  $s_k^2$ , actualisée à la deuxième période. La fonction d'utilité des agents  $U(\cdot) : (0, \infty) \rightarrow (-\infty, \infty)$ , respecte les propriétés standard suivantes :  $U' > 0, U'' \leq 0$  et  $\lim_{s \rightarrow 0} U(s) = -\infty$ . La fonction de désutilité de l'effort  $V(\cdot) : (0, \infty) \rightarrow (-\infty, \infty)$  est, elle aussi, supposée respecter les propriétés classiques :  $V'(0) = 0, V' > 0, V'' \geq 0$  et  $\lim_{e \rightarrow \infty} V'(e) = \infty$ . Les agents disposent d'une utilité de réserve exogène finie donnée par  $\bar{U}$ .

Il nous faut enfin préciser que les employeurs ne peuvent fonder leurs décisions d'embauche sur la base des avantages relatifs dont ont bénéficié les agents (qu'ils sont supposés ignorer ou négliger). Les chercheurs connaissent quant à eux l'ampleur des différents biais. Ainsi, ils vont être conduits à prendre en considération, dès la première période, les conséquences du classement à la première étape du jeu sur la compétition de seconde étape. En outre, il faut observer que ce modèle n'introduit pas d'apprentissage progressif (par les universités) des capacités des agents. Ainsi, les questions relatives à la révélation de l'information privée sur les capacités hétérogènes des agents ne seront volontairement pas traitées ici. Nous nous concentrons sur les effets incitatifs des avantages cumulatifs.

## Les effets incitatifs des biais statiques

Dans cette section, nous nous concentrons sur les effets incitatifs des biais statiques, c'est-à-dire que nous n'introduisons pas à ce stade de corrélation entre les réussites aux différentes étapes ( $\Delta\beta^2 = 0$ ) qui sera prise en compte dans la section suivante. En outre, afin de simplifier les notations, nous considérerons que  $\Delta\beta^1 = 0$ <sup>6</sup>. Ainsi, nous n'étudions ici que les effets incitatifs des différences de capacités des individus données avec les  $\Delta\alpha^t$ . Nous présentons dans un premier temps l'équilibre de Nash à la seconde période puis l'équilibre de Nash à la première<sup>7</sup>.

### Équilibre de Nash et effets du biais statique de seconde période

A l'équilibre de Nash de seconde période, l'agent  $i$  choisit son niveau d'effort de deuxième période  $e_i^2$ , sachant celui de  $j$ ,  $e_j^2$  de manière à maximiser son espérance d'utilité de deuxième période. Son programme est donc :

$$\begin{aligned} \tilde{e}_i^2 \equiv \arg \max \left\{ P \left( y_i^2 > y_j^2 \right) \times \delta_a U \left( w^2 + \theta^2 \right) \right. \\ \left. + \left[ 1 - P \left( y_i^2 > y_j^2 \right) \right] \times \delta_a U \left( w^2 - \theta^2 \right) - V \left( e_i^2 \right) \right\} \end{aligned} \quad (3)$$

L'espérance de gain de l'agent  $i$  actualisée à la période 1, conditionnellement à ses efforts et aux efforts de l'autre agent, est égale à la probabilité de gagner le second tournoi multipliée par l'utilité reçue s'il gagne le tournoi, plus la probabilité de perdre ce tournoi multipliée par l'utilité qu'il reçoit en perdant ce tournoi, nette de la désutilité de ses efforts. La condition de premier ordre de ce programme est :

$$\delta_a \left[ U \left( w^2 + \theta^2 \right) - U \left( w^2 - \theta^2 \right) \right] \times \partial P \left( y_i^2 > y_j^2 \right) / \partial e_i^2 = \partial V \left( e_i^2 \right) / \partial e_i^2$$

La probabilité qu'a  $i$  de gagner le deuxième tournoi est donnée par :

$$P \left( y_i^2 > y_j^2 \right) = P \left( f^2 \left( e_i^2 \right) + \Delta\alpha^2 + \Delta\varepsilon^2 > f^2 \left( e_j^2 \right) \right) = \left[ 1 - G^2 \left( f^2 \left( e_j^2 \right) - f^2 \left( e_i^2 \right) - \Delta\alpha^2 \right) \right]$$

Dérivée par l'effort fourni par l'agent  $i$ , cette probabilité devient :

---

<sup>6</sup>Cette distinction est purement une question de notation en cela que "techniquement" rien ne distingue  $\Delta\beta^1$  de  $\Delta\alpha^1$  qui sont tous deux des biais statiques (au sens de la Définition 2) de première période.

<sup>7</sup>Il s'agit d'un équilibre de Nash simple (et non d'un équilibre de Nash parfait en sous-jeux comme dans la section suivante) puisque, lorsque le biais dynamique de deuxième période est nul, la compétition de deuxième période est indépendante du déroulement du jeu de première période.

$$\partial P \left( y_i^2 > y_j^2 \right) \partial e_i^2 = f^{2'} \left( e_i^2 \right) \times g^2 \left( f^2 \left( e_j^2 \right) - f^2 \left( e_i^2 \right) - \Delta \alpha^2 \right)$$

Si on note :  $\Delta U^2 \equiv U \left( w^2 + \theta^2 \right) - U \left( w^2 - \theta^2 \right)$  et  $V' \left( e_i^2 \right) = \partial V \left( e_i^2 \right) / \partial e_i^2$  et si on remplace ces expressions dans la condition de premier ordre du programme (3), on obtient :

$$f^{2'} \left( e_i^2 \right) \times g^2 \left( f^2 \left( e_j^2 \right) - f^2 \left( e_i^2 \right) - \Delta \alpha^2 \right) \delta_a \Delta U^2 = V' \left( e_i^2 \right)$$

En posant le programme symétrique de l'agent  $j$ , et après avoir réalisé des combinaisons proches de celles réalisées pour  $i$ , nous obtenons une condition de premier ordre identique à celle obtenue pour  $i$ . Les solutions des deux conditions de premier ordre sont donc symétriques avec  $e_i^2 = e_j^2 = e^2$ , et données par l'expression unique suivante :

$$V' \left( e^2 \right) / f^{2'} \left( e^2 \right) = \delta_a \Delta U^2 g^2 \left( -\Delta \alpha^2 \right) \quad (4)$$

Sachant que  $f \left( \cdot \right)$  est strictement positive et croissante et que  $V \left( \cdot \right)$  est strictement décroissante pour toute valeur non nulle, la solution (5) existe et est unique. En outre, dès lors que  $g^2 > 0$ ,  $\Delta U^2 > 0$  et  $f^{2'} > 0$ , cette solution est strictement positive<sup>8</sup>.

Définissons la fonction  $\Theta_2 \left( \cdot \right)$ , telle que  $\Theta_2 \left( x \right) = V' \left( x \right) / f^{2'} \left( x \right)$ . Cette fonction est définie sur  $\mathbb{R}^+$ ,  $\Theta^2 \left( \cdot \right) : \left( 0, \infty \right) \rightarrow \left( -\infty, \infty \right)$ . Puisque  $V' \left( 0 \right) = 0$ , cette fonction s'annule en 0 ( $\Theta \left( 0 \right) = 0$ ). De plus, comme  $V' > 0$ ,  $V'' > 0$ ,  $f^{2'} > 0$ ,  $f^{2''} \leq 0$ , on peut aisément montrer que cette fonction est strictement croissante :  $\Theta'_2 > 0$ . Etant croissante, sa fonction inverse  $\Theta_2^{-1} \left( \cdot \right) : \left( -\infty, \infty \right) \rightarrow \left( 0, \infty \right)$  l'est aussi. Ainsi, nous pouvons réécrire l'expression (5) au moyen de cette nouvelle notation :

$$\tilde{e}^2 = \Theta^{-1} \left( \delta_a \Delta U^2 g^2 \left( \Delta \alpha^2 \right) \right) \quad (5)$$

avec  $\tilde{e}^2$ , l'effort d'équilibre de Nash symétrique. Comme  $g^2 \left( \cdot \right)$  est supposée unimodale et symétrique, centrée autour de 0, ainsi  $g^2 \left( -\Delta \alpha^2 \right)$  est maximal pour  $\Delta \alpha^2 = 0$  et décroît quand  $|\Delta \alpha^2|$  augmente. Sachant que  $\Theta^{-1}$  est croissante, le niveau d'effort d'équilibre de Nash fournit par les agents à la deuxième période est maximum pour un biais nul et décroît avec le biais introduit à cette période  $\partial \tilde{e}^2 / \partial |\Delta \alpha^2| > 0$ . C'est-à-dire que les efforts d'équilibre à la deuxième période diminuent avec l'ampleur du biais statique de deuxième période. Plus les différences

---

<sup>8</sup>Les conditions de second ordre sont respectées dès lors que la distribution de  $\Delta e^2$  est suffisamment dispersée.

entre les agents sont fortes à la seconde période, plus faibles sont les efforts fournis par les agents, qu'ils soient favorisés ou défavorisés par le biais.

### Equilibre de Nash et effets du biais statique à la première période

Nous nous tournons maintenant vers les comportements des agents de première période, afin de constater les effets d'un biais statique de première période sur les efforts d'équilibre de Nash de première période. Comme les résultats de la première étape n'affectent pas la deuxième, nous allons montrer que les résultats sont structurellement identiques à ceux obtenus à la deuxième période. Notons  $E [W_i | y_i^1 > y_j^1]$  et  $E [W_j | y_j^1 > y_i^1]$ , les espérances d'utilité totale nettes de l'agent  $i$  puis de l'agent  $j$  sachant qu'ils ont gagné le tournoi de la première période (prenant en compte l'utilité retirée du traitement perçu aux deux périodes et le biais dans la seconde étape). De même, nous notons  $E [W_j | y_i^1 > y_j^1]$  et  $E [W_i | y_j^1 > y_i^1]$ , leur espérance d'utilité respective lorsqu'ils ont perdu le premier tournoi. En utilisant ces notations, l'espérance d'utilité de l'agent  $i$ , conventionnellement bénéficiaire du biais  $\Delta\alpha^1$  à la première étape est donnée par :

$$E [W_i] = E [W_i | y_i^1 > y_j^1] \times P (y_i^1 > y_j^1) + E [W_i | y_j^1 > y_i^1] \times P (y_j^1 > y_i^1) \quad (7)$$

Pour l'agent  $i$ , il s'agit de fixer son niveau d'effort de première période de manière à maximiser cette espérance de gain net :

$$\tilde{e}_i^1 = \arg \max_{e_i^1} \{E [W_i]\} \quad (8)$$

Le programme de maximisation de l'utilité espérée (8) exposé ci-dessus est équivalent à celui formulé pour la deuxième période en remplaçant les différences d'utilité  $\Delta U^2$  par  $\Delta W$ , la différence entre l'utilité espérée conditionnellement au gain de la première étape et l'utilité espérée conditionnellement à sa perte. On peut aisément montrer que ce terme est indépendant de l'identité du joueur :  $\Delta W \equiv E [W_i | y_i^1 > y_j^1] - E [W_i | y_j^1 > y_i^1] = E [W_j | y_j^1 > y_i^1] - E [W_j | y_i^1 > y_j^1]$ . Ainsi, l'équilibre de Nash de première période est symétrique et s'obtient à partir de la condition de premier ordre suivante :

$$V' (e^1) / f^{1'} (e^1) = \Delta W g^1 (\Delta\alpha^1) \quad (9)$$

Il résulte, comme à la deuxième période, que les efforts d'équilibre de première période

$\tilde{e}^1$  sont donnés par  $\tilde{e}^1 = \Theta_1^{-1}(\Delta W g^1(\Delta\alpha^1))$ <sup>9</sup> et qu'ils sont maximum lorsque  $\Delta\alpha^1 = 0$ , et décroissants avec  $|\Delta\alpha^1|$ . En outre, comme la différence d'espérance d'utilité conditionnelle  $\Delta W$  est strictement positive, l'effort de première période sera croissant avec  $\Delta W$ . Les efforts consentis par les agents à la première période diminuent avec l'ampleur de leur différence de capacité telle qu'elle est donnée par  $\Delta\alpha^1$ .

La Proposition 1 résume les résultats obtenus dans cette section.

**Proposition 1 :** *les niveaux d'effort d'équilibre fournis par les agents à chaque période sont symétriques et décroissent avec les biais statiques introduits aux périodes du jeu considérées.*

## Les effets incitatifs de l'avantage cumulatif

Rappelons que, comme indiqué dans la Définition 2, l'effet Saint Matthieu intervient dans la compétition académique à travers  $\Delta\beta^2 > 0$ , lorsqu'un biais de deuxième période avantage l'agent qui a gagné le premier tournoi. Nous n'étudions pas spécifiquement les comportements des agents de deuxième période puisqu'ils sont obtenus de manière identique à la section précédente. Nous analysons tout d'abord sur les calculs des individus de première période qui doivent désormais prendre en compte la modification de la compétition de deuxième période consécutive au classement de la première compétition. Nous utilisons donc la notion d'équilibre de Nash parfait en sous-jeux. Nous étudions ensuite les effets du biais dynamique sur les efforts d'équilibre aux deux périodes. Afin de nous concentrer sur cet effet nous supposons que  $\Delta\alpha^t = 0$ . Cependant nous conservons l'éventualité qu'un biais statique affecte le jeu à la première période à travers  $\Delta\beta^1$ .

Désignons par  $p_i^2$  la probabilité que, si  $i$  est vainqueur de la première étape, il soit aussi le vainqueur de la seconde compétition. Puisque le deuxième tournoi est désormais affecté par les résultats du premier,  $p_i^2$  est bien une probabilité conditionnelle qui s'écrit formellement :  $p_i^2 \equiv P(y_i^2 > y_j^2 \mid y_i^1 > y_j^1)$ . Une fois la première étape du jeu terminée, le classement est établi et le bénéficiaire du biais dynamique est connu. Dès lors, celui-ci s'apparente à un biais

---

<sup>9</sup>La fonction  $\Theta_1(\cdot)$  est définie de manière identique à  $\Theta_2(\cdot)$ , c'est-à-dire telle que  $\Theta_1(\cdot) \equiv V'(x)/f^{1'}(x)$ .

statique. Ainsi, tout se passe formellement comme dans la section précédente. Notamment, à l'équilibre de seconde période, les efforts des agents sont identiques, on a  $e^2 = e_i^2 = e_j^2$  et on peut réécrire la probabilité de gain de la seconde période conditionnelle au gain de la première sans faire référence à l'identité des participants ( $p^2 = p_i^2 = p_j^2$ ) de la manière suivante :  $p^2 = [1 - G^2(-\Delta\beta^2)]$ . De plus, en utilisant l'hypothèse selon laquelle  $g(\cdot)$  est symétrique autour de 0, on peut écrire :  $p^2 = G^2(\Delta\beta^2)$  et on a  $p^2 \geq 1/2$  avec  $\Delta\beta^2 \geq 0$ . Naturellement, la probabilité que le perdant de la première étape gagne la seconde est égale à :  $1 - p^2$ .

En utilisant ces notations et définitions, nous pouvons désormais préciser plus avant la détermination de  $\Delta W$  donnée en (7) :

$$\begin{aligned} \Delta W = & -V(e^1) + \delta_a U(s_w^1) + \delta_a^2 [p^2 U(s_w^2) + (1 - p^2) U(s_l^2)] - \delta_a V(e^2) \\ & + V(e^1) - \delta_a U(s_l^1) - \delta_a^2 [(1 - p^2) U(s_w^2) + p^2 U(s_l^2)] + \delta_a V(e^2) \end{aligned}$$

pour  $k = i, j$ . Après quelques simplifications, et en notant  $\Delta U^1 = U(w^1 + \theta^1) - U(w^1 - \theta^1)$  à l'instar de la définition de  $\Delta U^2$ , nous obtenons :  $\Delta W = \delta_a \Delta U^1 + \delta_a^2 (2G^2(\Delta\beta^2) - 1) \Delta U^2$

En introduisant cette dernière expression dans la condition de premier ordre du programme de maximisation de l'utilité des agents à la première période donnée en (9), il vient<sup>10</sup> :

$$\delta_a [\Delta U^1 + \delta_a (2G^2(\Delta\beta^2) - 1) \Delta U^2] g^1(\Delta\beta^1) f^{1'}(e^1) = V'(e^1) \quad (10)$$

Sachant que l'équation décrivant la maximisation de l'utilité intervenant à la seconde période reste inchangée (donnée en (5)) et en la combinant avec l'équation (10), il est possible d'obtenir directement les conditions de premier ordre du programme de maximisation symétrique des agents aux deux périodes, conditionnellement au biais dynamique  $\Delta\beta^2$ . Nous obtenons :

$$V'(e^2) / f^{2'}(e^2) = g^2(\Delta\beta^2) \delta_a \Delta U^2 \quad (11)$$

$$V'(e^1) / f^{1'}(e^1) = g^1(\Delta\beta^1) \delta_a [\Delta U^1 + \delta_a (2G^2(\Delta\beta^2) - 1) \Delta U^2] \quad (12)$$

Ces deux expressions donnent le niveau d'utilité espérée à chacune des deux périodes en fonction du biais conféré à la deuxième période au gagnant de la première, et des efforts consentis (aux deux périodes pour (12) et seulement à la deuxième période pour (11)). Au moyen des

---

<sup>10</sup>Il faut observer ici que la symétrie de la fonction de densité autour de 0 nous permet de conserver la symétrie de l'équilibre, en utilisant la propriété suivante :  $g^t(\Delta\beta^t) = g^t(-\Delta\beta^t)$ ,  $\forall t = 1, 2$ .

simplifications et définitions introduites à la section précédente, le système d'équations donné par (11) et (12) peut être réécrit de manière à présenter les efforts d'équilibre aux deux périodes, i.e. l'équilibre de Nash à la seconde période (13), et l'équilibre de Nash parfait en sous-jeu à la première période (14) :

$$\tilde{e}^2(\Delta\beta^2) = \Theta_1^{-1}(g^2(\Delta\beta^2)\delta_a\Delta U^2) \quad (13)$$

$$\tilde{e}^1(\Delta\beta^2) = \Theta_2^{-1}(g^1(\Delta\beta^1)\delta_a[\Delta U^1 + \delta_a(2G^2(\Delta\beta^2) - 1)\Delta U^2]) \quad (14)$$

Les expressions (13) et (14) indiquent les niveaux d'effort d'équilibre de Nash aux deux étapes du jeu. Ces niveaux d'effort sont fonction de l'ampleur des biais  $\Delta\beta^1$  et  $\Delta\beta^2$  (les niveaux de rémunération étant donnés). Afin de caractériser les effets du biais dynamique  $\Delta\beta^2$  sur les efforts à l'équilibre de Nash, nous réalisons les opérations suivantes :

$$\partial\tilde{e}^2/\partial\Delta\beta^2 = g^{2'}(\Delta\beta^2)\delta_a\Delta U^2 \times \Theta_1^{-1'}(g^2(\Delta\beta^2)\delta_a\Delta U^2) \quad (\leq 0)$$

$$\begin{aligned} \partial\tilde{e}^1/\partial\Delta\beta^2 &= 2g^1(\Delta\beta^1)g^2(\Delta\beta^2)\delta_a^2\Delta U^2 \\ &\quad \times \Theta_2^{-1'}(g^1(\Delta\beta^1)\delta_a[\Delta U^1 + \delta_a(2G^2(\Delta\beta^2) - 1)\Delta U^2]) \quad (> 0) \end{aligned}$$

Nous savons que  $\Theta_1^{-1}$  est une fonction croissante. De plus, sachant que  $\Delta\beta^2 > 0$  et que  $g^2(\cdot)$  a son unique extremum en 0, alors  $g^{2'}(\Delta\beta^2)$  est strictement négatif. Enfin, nous savons que  $(2G^2(\Delta\beta^2) - 1) \geq 0$  car  $G^2(\Delta\beta^2) \geq 1/2$ . Ainsi, nous pouvons conclure que  $\partial\tilde{e}^2/\partial\Delta\beta^2 \leq 0$  et que  $\partial\tilde{e}^1/\partial\Delta\beta^2 > 0$ , c'est-à-dire que le biais de seconde période offert au gagnant de la première période a un effet désincitatif à la deuxième période alors qu'il incite les agents à accentuer leurs efforts à la première période. Ces résultats, résumés dans la Proposition 2 ci-dessous, confirment l'intuition initiale de l'article suggérant qu'un biais dynamique stimule les efforts en début de carrière alors qu'il les diminue en fin de carrière. Cependant, la question du solde des effets reste entière. La section suivante est consacrée à l'étude de ce solde qui permet de dériver le biais dynamique optimal.

**Proposition 2 :** *Un biais dynamique, introduit en deuxième période du jeu favorisant le gagnant de la première période (cf. Définition 2), entraîne une augmentation des efforts d'équilibre à la première période et tend à diminuer les efforts de seconde période.*

## L'effet Saint Matthieu optimal

Dans cette section, nous nous proposons d'étudier le solde des effets incitatifs du biais dynamique  $\Delta\beta^2$ . Pour cela, il est nécessaire d'introduire une fonction de valeur sociale de la production scientifique. Nous supposons qu'elle s'obtient simplement par la somme, actualisée à la période initiale, des productions des individus aux différentes périodes multipliées par un paramètre fixe  $\psi > 0$  qui indique la valeur sociale unitaire des connaissances produites supposées homogènes (ou normalisées) :

$$\Omega(y_i^1, y_j^1, y_i^2, y_j^2) \equiv \psi \times [y_i^1 + y_j^1 + \delta(y_i^2 + y_j^2)]$$

avec  $\delta$ , le facteur d'actualisation social. Le bénéfice social espéré (par agent) à la première période est donné par :

$$\pi \equiv \frac{1}{2}E \left[ \Omega(y_i^1, y_j^1, y_i^2, y_j^2) \right] - \frac{1}{2}C(\omega^1, \omega^2, \delta)$$

$C(\omega^1, \omega^2, \delta)$  désigne les coûts totaux associés aux productions  $(y_i^1, y_j^1, y_i^2, y_j^2)$  actualisés à la première période au moyen du facteur d'escompte social  $\delta$ <sup>11</sup>. Le bénéfice social est espéré à la première période, en ignorant la réalisation des variables aléatoires et avant que l'identité du bénéficiaire du biais ne soit déterminée. Nous avons donc :

$$\frac{1}{2}E \left[ \Omega(y_i^1, y_j^1, y_i^2, y_j^2) \right] = \psi \times \left( f(e^1) + E[\varepsilon^1] + \bar{\alpha}^1 + \bar{\beta}^1 + \delta \left( f(e^2) + E[\varepsilon^2] + \bar{\alpha}^2 + \bar{\beta}^2 \right) \right)$$

avec  $\bar{\alpha}^t$  et  $\bar{\beta}^t$ , les valeurs moyennes des additifs de production dus respectivement aux capacités des agents et aux postes de travail, i.e. tels que  $\bar{\alpha}^t = \frac{1}{2}(\alpha_i^t + \alpha_j^t)$  et  $\bar{\beta}^t = \frac{1}{2}(\beta_i^t + \beta_j^t)$ . Sachant que  $E[\varepsilon^1] = E[\varepsilon^2] = 0$  et en posant  $\bar{\gamma} = \bar{\alpha}^1 + \bar{\beta}^1 + \delta(\bar{\alpha}^2 + \bar{\beta}^2)$ , on obtient :

$$\pi(e^1, e^2) = \psi \left( f^1(e^1) + \delta f^2(e^2) \right) + \bar{\gamma} - \frac{1}{2}C(\omega^1, \omega^2, \delta) \quad (15)$$

A l'équilibre, les niveaux d'effort s'obtiennent eux-mêmes en fonction du biais dynamique introduit. Ainsi la valeur sociale nette espérée (par agent) à l'équilibre de première période peut s'écrire comme une fonction du biais dynamique :  $\tilde{\pi}(\Delta\beta^2) \equiv \pi(\tilde{e}^1(\Delta\beta^2), \tilde{e}^2(\Delta\beta^2))$ . En utilisant les équations (13) et (14) et en les introduisant dans l'expression (15) ci-dessus, il vient :

---

<sup>11</sup>Ces coûts totaux par tête sont indépendants des parts variables des rémunérations  $\theta^1$  et  $\theta^2$ , puisque, étant retranchées au salaire le plus bas et ajoutées au salaire le plus élevé, celles-ci n'affectent pas le salaire total.

$$\begin{aligned}\tilde{\pi}(\Delta\beta^2) = & \psi f^1 \circ \Theta_1^{-1}((g^1(\Delta\beta^1) \delta_a [\Delta U^1 + \delta_a (2G(\Delta\beta^2) - 1) \Delta U^2])) \\ & + \delta\psi f^2 \circ \Theta_2^{-1}((g^2(\Delta\beta^2) \delta_a \Delta U^2)) + \bar{\gamma} - \frac{1}{2}C(\omega^1, \omega^2, \delta)\end{aligned}\quad (16)$$

Nous spécifions maintenant les fonctions  $V(\cdot)$  et  $f^t(\cdot)$  conformément à leurs propriétés énoncées dans la Section 2. La fonction de désutilité de l'effort est supposée quadratique :  $V(e) = \frac{1}{2}ce^2$ . Les fonctions de production des connaissances sont supposées linéaires en effort, avec :  $f^2(e) = \mu f^1(e) = \mu ae$ . Le paramètre  $\mu$  donne le rapport de productivité des agents entre les périodes (ou rapport de productivité senior/junior) :  $\mu = f^2(e)/f^1(e)$ . Si  $\mu > 1$ , alors les agents voient la productivité de leur effort augmenter entre la première et la seconde période. Sous ces conditions,  $\Theta_1(\cdot)$  et  $\Theta_2(\cdot)$  sont linéaires en effort avec :  $\Theta_1(e) = \frac{c}{a}e$  et  $\Theta_2(e) = \frac{c}{\mu a}e$ . De même, leurs fonctions inverses sont, elles aussi, linéaires en effort. De plus nous obtenons :  $f^1 \circ \Theta_1^{-1}(x) = \frac{a^2}{c}x$  et  $f^2 \circ \Theta_2^{-1}(x) = \frac{(\mu a)^2}{c}x$ . En utilisant ces spécifications, l'expression des profits par chercheur donnée en (16) devient :

$$\begin{aligned}\tilde{\pi}(\Delta\beta^2) = & \psi \frac{a^2}{c} [\delta_a g^1(\Delta\beta^1) [\Delta U^1 + \delta_a \Delta U^2 (2G(\Delta\beta^2) - 1)] + \delta\delta_a \mu^2 g^2(\Delta\beta^2) \Delta U^2] \\ & + \bar{\gamma} - \frac{1}{2}C(\omega^1, \omega^2, \delta)\end{aligned}\quad (17)$$

Le biais dynamique socialement optimal est celui qui maximise le bénéfice social espéré. Il est donné par la réalisation du programme :

$$(\Delta\beta^2)^* = \arg \max \{ \tilde{\pi}(\Delta\beta^2) \} \quad (18)$$

En dérivant le terme droit de l'expression (17) et en l'égalisant à zéro, nous obtenons la condition de premier ordre correspondant au programme (18) :

$$-g^{2'}(\Delta\beta^2) / g^2(\Delta\beta^2) = 2\delta_a g^1(\Delta\beta^1) / \delta\mu^2 \quad (19)$$

Ainsi, lorsque  $\Theta_1(\cdot)$  et  $\Theta_2(\cdot)$  sont linéaires, le biais optimal est uniquement fonction de la distribution des écarts des aléas affectant la production de connaissances ( $g(\cdot)$ ), du facteur d'escompte des agents, du facteur d'escompte social, du biais initial et du rapport de productivité senior/junior. On constate que le biais optimal devient indépendant de la structure de rémunération et notamment de l'écart de rémunération entre les deux postes aux deux étapes. La condition de second ordre est donnée par :

$$g^{2''}(\Delta\beta^2) / [-g^{2'}(\Delta\beta^2)] < 2\delta_a g^1(\Delta\beta^1) / \delta\mu^2 \quad (20)$$

Pour étudier plus précisément ce biais optimal et afin de mettre en évidence les conséquences du respect de la condition de second ordre, on admet que les écarts des aléas aux deux périodes sont régis par une distribution unique :  $g^t(\cdot) = g(\cdot), \forall t = 1, 2$  ; et sont normalement distribués autour de 0 :  $\Delta\varepsilon^t \sim N(0, \sigma)$ . En utilisant les expressions de  $g$  et  $g'$ , la condition de premier ordre (19) nous donne directement le biais optimal :

$$(\Delta\beta^2)^* = 2\delta_a g(\Delta\beta^1) \sigma^2 / \delta\mu^2 \quad (21)$$

Ainsi, le biais dynamique optimal croît avec le facteur d'actualisation des agents (*i.e.* décroît avec leur préférence pour le présent) et décroît avec le facteur d'actualisation social. Le biais dynamique tendant à stimuler les efforts de première période, il est conforme à l'intuition que le biais optimal augmente avec la préférence sociale pour le présent. De plus, il croît avec l'écart-type de la distribution des écarts de chocs aléatoires affectant la production des individus. Ce point indique que plus la nature de la recherche est incertaine, plus le biais socialement optimal est grand. En outre, le biais optimal décroît avec le rapport de productivité des agents. Ce résultat peut s'expliquer de la manière suivante. Le biais tendant à augmenter les efforts de première période et à diminuer les efforts de deuxième période, plus la productivité des jeunes est forte (faible) relativement à celle des chercheurs seniors, plus le biais optimal est élevé (faible). Enfin, on constate que le biais dynamique doit aussi diminuer avec l'ampleur du biais de première période. En effet, la fonction de densité régulant la distribution des erreurs ayant un unique pic en 0, lorsque le biais initial augmente (quel que soit le sens de ce biais)  $g(\Delta\beta^1)$  diminue. Ainsi, plus les inégalités de productivité provenant des conditions initiales du modèle (l'allocation initiale des agents sur des postes de travail auxquels sont associées des productivités différentes) sont importantes, moins le biais correspondant à l'effet Saint Matthieu doit être fort. Il est maximal lorsque  $\Delta\beta^1 = 0$ .

Après quelques calculs, la condition de second ordre (20) devient :

$$(\Delta\beta^2) < g^1(\Delta\beta^1) \frac{\delta_a \sigma^2}{\delta\mu^2} + \frac{\sigma}{\delta\mu^2} \sqrt{\delta_a^2 g^1(\Delta\beta^1)^2 \sigma^2 + \delta^2 \mu^4} \quad (22)$$

On peut aisément montrer que le biais optimal  $(\Delta\beta^2)^*$  respecte toujours la condition donnée en (22).

La proposition 3 ci-dessous résume les différents résultats obtenus dans cette section.

**Proposition 3 :** *l'introduction d'un avantage cumulatif (ou biais dynamique au sens de la Définition 2) affectant la compétition permet d'augmenter globalement la production académique. Sous certaines spécifications, le biais dynamique optimal  $(\Delta\beta^2)^*$  croît avec l'écart-type de la distribution des écarts de chocs affectant l'activité de recherche et avec le facteur d'actualisation des agents. Il décroît avec le facteur d'actualisation social, avec l'augmentation de la productivité des agents au cours de leur carrière ainsi qu'avec les inégalités initiales.*

## Conclusion

Dans cet article, nous avons introduit une première formalisation permettant de traiter de l'effet Saint Matthieu c'est-à-dire des avantages cumulatifs qui affectent la compétition académique. Nous avons avancé qu'une des sources de cet effet résidait dans la relation salariale dans la mesure où l'attribution des postes de recherche auxquels sont associés les niveaux de productivité les plus élevés est le plus souvent réalisée sur la base de la production scientifique passée. Ainsi, la compétition entre chercheurs académiques est dynamiquement biaisée. Le modèle proposé permet d'analyser les conséquences des avantages cumulatifs sur les incitations offertes aux agents au cours de leur carrière. Après avoir étudié les effets incitatifs des biais statiques (indépendants des résultats intermédiaires de la compétition), nous nous sommes concentrés sur l'analyse des effets d'un biais dynamique avantageant, à la deuxième étape du jeu, le chercheur qui a le plus produit lors de la première étape puis sur la détermination du biais dynamique optimal. Les principaux résultats du modèle sont présentés dans les Propositions 1 à 3. Nous les rappelons successivement et discutons certaines de leurs implications éventuelles.

Nous avons tout d'abord montré qu'il est toujours strictement sous-optimal qu'un biais statique affecte la compétition que ce soit en début ou en cours de carrière. En effet, de tels biais tendent à diminuer les efforts consentis par les agents qu'ils soient arbitrairement bénéficiaires ou non. Ces biais peuvent notamment intervenir en raison d'une différence entre les capacités intrinsèques des agents  $(\Delta\alpha^t)$ . Il est alors socialement efficace de mettre en oeuvre des politiques qui pourraient compenser les biais initiaux intervenant dans la compétition entre chercheurs. Par exemple, des politiques visant à développer les formations doctorales et post-doctorales ouvertes aux jeunes chercheurs défavorisés par le biais initial semblent ainsi pertinentes d'un

strict point de vue incitatif puisqu'elles pourraient stimuler leurs efforts (ainsi que ceux des jeunes chercheurs avantagés par le biais initial).

En revanche, il est socialement opportun qu'une corrélation existe entre les premiers et les derniers succès. Bien que le traitement asymétrique des agents dans le second tournoi entraîne une diminution des incitations à l'effort dans le second tournoi, cet effet désincitatif est plus que compensé par un accroissement des incitations dans le premier tournoi, celui-ci résultant de l'accroissement de l'espérance de récompenses ultérieures induites par un succès dans la première étape. Ce résultat suggère que, contrairement à l'idée généralement admise, un certain niveau d'effet Saint Matthieu est socialement efficient : l'effet incitatif dû à l'anticipation de l'avantage cumulatif en début de carrière est supérieur à l'effet désincitatif en fin de carrière. Toutefois, lorsque ce biais devient trop important, l'effet désincitatif tend à l'emporter sur l'effet incitatif.

Sous certaines spécifications standards de la fonction de production (linéaire) et de la fonction de désutilité de l'effort (quadratique), le biais optimal est indépendant de la structure de rémunération en vigueur. Ainsi, les écarts de rémunération entre les différents postes aux deux périodes n'influent pas sur le biais dynamique qu'il est socialement optimal d'offrir au premier gagnant. Sous l'hypothèse que les écarts des chocs aléatoires affectant la production sont normalement distribués autour de zéro, nous avons déterminé une expression du biais dynamique optimal. Le biais optimal est une fonction croissante du facteur d'actualisation des agents alors qu'il est une fonction décroissante du facteur d'actualisation social. Pour des raisons très voisines, le biais optimal s'accroît avec le rapport de productivité des agents au cours de leur carrière (senior/junior). En outre, le biais optimal est une fonction croissante de l'écart-type de la distribution des écarts des aléas affectant la production scientifique. Ainsi, plus l'activité de recherche est incertaine, plus le biais socialement désirable sera élevé augmentant encore les différences initiales. Enfin, nous avons montré que ce biais dynamique décroît avec l'ampleur des inégalités initiales (biais statique de première période). Lorsque les inégalités initiales (dus par exemple à la qualité de l'encadrement en thèse) sont élevées, il est pertinent de limiter les avantages cumulatifs affectant la productivité scientifique.

Pour conclure, il nous faut souligner que la prise en compte des comportements stratégiques des universités pourrait enrichir l'analyse et offrir une première explication formalisée de l'effet

Saint Matthieu qui reste ici considéré de manière exogène.

## Bibliographie

Allison P.D. et Stewart J.A. [1974], “Productivity differences among scientists: Evidence for accumulative advantage”, *American Sociological Review*, 39 (4), p. 596-606.

Arora A., David P.A. et Gambardella A. [1998], “Reputation and competence in publicly funded science: Estimating the effects on research group productivity”, *Annales d’Economie et de Statistique*, 49/50, p. 163-198.

Ault, D., Rutman, G. et Stevenson, T. [1982], “Some factors affecting mobility in the labor market for academic economists”, *Economic Inquiry*, 20, p. 104-133.

Ault, D., Rutman, G. et Stevenson, T. [1978], “Mobility in the labor market for academic economists”, *American Economic Review*, 69, p. 148-153.

Barabási A.L., Jeong H., Neda Z., Ravasz E., Schubert A. et Visek T. [2001], “Evolution of the social network of scientific collaborations”, working paper cond-mat/0104162.

Becker G.S. [1964], *Human capital*, NBER, New York.

Carayol N. [2003], “Objectives, agreements and matching in science industry collaborations: Reassembling the pieces of the puzzle”, *Research Policy*, à paraître.

Carayol N. [2001], *Propriétés et défaillances de la science ouverte. Essais en économie de la science imparfaite*, Thèse de Doctorat de Sciences Economiques, Université de Toulouse 1.

Chiappori P-A., Salanié B. et Valentin J. [1999], “Early starters versus late beginners”, *Journal of Political Economy*, 107 (4), p. 731-760.

Chung K.H. et Cox R.A. [1990], “Patterns of productivity in the finance literature: A study of the bibliometrics distribution”, *The Journal of Finance*, 45 (1), p. 301-309.

Cole S. [1970], “Professional standing and the reception of scientific discoveries”, *American Journal of Sociology*, 76, p. 286-306.

Cole J.R. et Cole S. [1973], *Social stratification in science*, University of Chicago Press, Chicago.

Cox R.A. et Chung K.H. [1991], “Patterns of research output and author concentration in the economic literature”, *Review of Economics and Statistics*, 73 (4), p. 740-747.

- David P.A. [1994], “Positive feedbacks and research productivity in science: Reopening another black box”, in Granstrand O. (ed.), *Economics of technology*, Elsevier, Amsterdam.
- Diamond A.M. [1996], “The Economics of Science”, *Knowledge and Policy*, 9 (2/3), p. 6-49.
- Diamond A.M. [1986], “The life-cycle research productivity of mathematicians and scientists”, *The Journal of Gerontology*, 41 (4), p. 520-525.
- Diamond A.M. [1984], “An economic model of the life-cycle research productivity of scientists”, *Scientometrics*, 6 (3), p. 189-196.
- Garner C.A. [1979], “Academic publication, market signaling, and scientific research decisions”, *Economic Inquiry*, 17, p. 575-584.
- Hansen W.L., Weisbrod B.A. et Strauss R.P. [1978], “Modeling the earnings and research productivity of academic economists”, *Journal of Political Economy*, 86 (4), p. 729-741.
- Laffont J.J. et Tirole J. [1988], “Repeated auctions of incentive contracts, investment, and bidding parity with an application to takeovers”, *Rand Journal of Economics*, 19, p. 516-537.
- Levin S.G. et Stephan P.E. [1991], “Research productivity over the life cycle: Evidence for academic scientists”, *American Economic Review*, vol. 81 (1), p. 114-132.
- McDowell J.M. [1982], “Obsolescence of knowledge and career publication profiles: Some evidence of differences among fields in costs of interrupted careers”, *American Economic Review*, 72 (4), p. 752-768.
- Merton R.K. [1988], “The Matthew effect in science, II: Cumulative advantage and the symbolism of intellectual property”, *ISIS*, 79 (299), p. 606-623.
- Merton R.K. [1968], “The Matthew effect in science”, *Science*, 159 (3810), p. 56-63.
- Meyer M.A. [1992], “Biased contests and moral hazard: Implications for career profiles”, *Annales d'Economie et de Statistique*, 25/26, p. 165-187.
- Meyer M.A. [1991], “Learning from coarse information: Biased contests and career profiles”, *Review of Economic Studies*, 58, p. 15-41.
- Milgrom P. et Roberts J. [1988], “An economic approach to influence activities in organizations”, *American Journal of Sociology*, 94, p. 154-179.
- Murphy L. [1973], “Lotka’s Law in the humanities”, *Journal of the American Society for Information Science*, 24, p. 461-462.
- Prendergast C. et Topel R.E. [1996], “Favoritism in Organizations”, *Journal of Political*

*Economy*, 104, p.958-78.

Radhakrishnan T. et Kernizan R. [1979], “Lotka’s Law and computer science literature”, *Journal of the American Society for Information Science*, 30, p. 51-54.

Siow A. [1991], “Are first impressions important in academia?”, *The Journal of Human Resources*, 26 (2), p. 236-255.

Stephan P.E. [1996], “The economics of science”, *Journal of Economic Literature*, 34, p. 1199-1235.

Stephan P.E. et Levin S.G. [1997], “The critical importance of careers in collaborative scientific research”, *Revue d’Economie Industrielle*, 79, p. 45-61.

Waldman M. [1990], “Up-or-out contracts: A signaling perspective”, *Journal of Labor Economics*, 8 (2), p. 230-250.

Weiss Y. et Lillard L.A. [1982], “Output variability, academic labor contracts, and waiting times for promotion”, in R.G. Ehrenburg (ed.), *Research in Labor Economics*, 5, p. 157-188.

Zivney T.L. et Bertin W.J. [1992], “Publish or perish: What the competition is really doing”, *The Journal of Finance*, 47 (1), p. 295-329.

Zuckerman H.A. et Merton R.K. [1972], “Age, aging, and age structure in science”, in M.R. Riley, M. Johnson et A. Foner (eds.), *A sociology of age stratification: Aging and society*, vol. 3, repris dans R.K. Merton, 1973, *The sociology of science*, N.W. Storer (ed.), University Chicago Press, Chicago, p. 497-559.

**Mots-clefs :** Effet Saint Matthieu, Avantages cumulatifs, tournois séquentiels, compétition académique.

**Key words :** Matthew Effect, cumulative advantages, sequential contests, academic competition.

**JEL classification :** C72, C73, J41, J44, J78.